# Частное общеобразовательное учреждение школа «Вайда»

### Краснооктябрьского района г. Волгограда

Рассмотрено на заседании кафедры	Утверждаю Директор ЧОУШ «Вайда»
Протокол № от	Табакова Е.Г.
Согласовано: Зам. директора по учебной части Коляда М.А.	
Рабоча по	я программа
	класса
на 2019-20	20 учебный год
	Разработал: учитель
	Волгоград

2019 1

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Алгебра и начала анализа 11 класс. Алимов Ш.А.

(2 учебных часа в неделю в течение первого полугодия и 3 часа в неделю в течение второго полугодия, 85 часов в год).

Рабочая программа по геометрии ориентирована на учащихся 11 классов и реализуется на основе следующих документов:

- 1. Закона «Об образовании» ст. 32, п. 2 (7).
- 2. Федеральный компонент государственного образовательного стандарта начального общего, основного общего и среднего (полного) общего образования (Приказ МО РФ от 05.03.2004 №1089).
- 3. Базисного учебного плана, утвержденного приказом МИН образования РФ №1312 от 09.03.2004 г.
- 4. Учебного плана ОУ.
- 5. Примерной программы среднего (полного) общего образования по математике и программы для общеобразовательных учреждений по алгебре 10 11 классы (к учебному комплекту по алгебре для 10 11 классов авторы Ш.А.Алимов и др.), составитель Бурмистрова Т.А.-М.: Просвещение, 2014.

#### Цель изучения:

- овладение системой математических знаний и умений, необходимых для применения в практической деятельности, изучения смежных дисциплин, продолжения образования;
- интеллектуальное развитие, формирование качеств личности, необходимых человеку для полноценной жизни в современном обществе: ясность и точность мысли, критичность мышления, интуиция, логическое мышление, элементы алгоритмической культуры, пространственных представлений, способность к преодолению трудностей;
- формирование представлений об идеях и методах математики как универсального языка науки и техники, средства моделирования явлений и процессов;
- воспитание культуры личности, отношения к математике как к части общечеловеческой культуры, понимание значимости математики для научно-технического прогресса;
- **приобретение** конкретных знаний о пространстве и практически значимых умений, формирование языка описания объектов окружающего мира, для развития пространственного воображения и интуиции, математической культуры, для эстетического воспитания обучающихся. Изучение геометрии вносит вклад в развитие логического мышления, в формирование понятия доказательства.

В рабочей программе представлены содержание математического образования, требования к обязательному и возможному уровню подготовки обучающегося и выпускника, виды контроля, а также компьютерное обеспечение урока.

#### Задачи изучения:

- систематизация сведений о числах; изучение новых видов числовых выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и нематематических задач;
- расширение и систематизация общих сведений о функциях, пополнение класса изучаемых функций, иллюстрация широты применения функций для описания и изучения реальных зависимостей;
- развитие представлений о вероятностно-статистических закономерностях в окружающем мире, совершенствование интеллектуальных и речевых умений путем обогащения мате-

#### Место предмета в учебном плане:

Рабочая программа составлена на основе Государственного стандарта среднего (полного) общего образования по математике и в соответствии с программой для общеобразовательных учреждений по алгебре 10 - 11 классы, Бурмистрова Т.А.-М.: Просвещение, 2009.

Программа рассчитана на 85 часов (2 часа в неделю в первом полугодии и 3 часа в неделю во втором полугодии), в том числе контрольных работ -5+1 итоговая.

Промежуточная аттестация проводится в форме тестов, контрольных и самостоятельных работ.

<u>Формы организации учебного процесса:</u> индивидуальные, групповые, индивидуальногрупповые, фронтальные, классные и внеклассные.

**Формы контроля:** Самостоятельная работа, контрольная работа, тест, работа по карточке.

#### ОСНОВНОЕ СОДЕРЖАНИЕ

# Тема 1. «Повторение курса алгебры и начал анализа 10 класса» (2 часа)

#### Раздел математики. Сквозная линия

- Числа и вычисления
- Функции

#### Обязательный минимум содержания образовательной области математика

- Действительные числа.
- Степенная функция, ее свойства и график.
- Показательная функция, ее свойства и график.
- Логарифмическая функция, ее свойства и график.

#### Требования к математической подготовке

#### Уровень обязательной подготовки обучающегося

- Уметь решать несложные алгебраические, иррациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и их системы.
- Знать свойства степенной, показательной, логарифмической функций и уметь строить их графики.

#### Уровень возможной подготовки обучающегося

- Уметь решать алгебраические, иррациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и их системы, применяя различные методы их решений.
- Знать свойства степенной, показательной, логарифмической функций и уметь строить их графики. Уметь применять свойства функций при решении различных задач.

#### Тема 2. «Тригонометрические функции» (15 часов)

#### Раздел математики. Сквозная линия

• Функции

#### Обязательный минимум содержания образовательной области математика

- Область определения тригонометрических функций.
- Множество значений тригонометрических функций.
- Четность, нечетность, периодичность тригонометрических функций.
- Свойства функций y=cosx, y=sinx.
- Графики функций  $y=\cos x$ ,  $y=\sin x$ .
- Свойства функции y=tgx
- График функции y=tgx.

#### Требования к математической подготовке

#### Уровень обязательной подготовки обучающегося

- Научиться находить область определения тригонометрических функций.
- Научиться находить множество значений тригонометрических функций.
- Научиться определять четность, нечетность, периодичность тригонометрических функций.
- Знать свойства тригонометрических функций  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ , y = tgx и уметь строить их графики.

#### Уровень возможной подготовки обучающегося

- Научиться находить область определения и множество значений тригонометрических функций в более сложных случаях.
- Научиться определять четность, нечетность, периодичность тригонометрических функций в более сложных случаях.
- Знать свойства тригонометрических функций  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ , y = tgx и уметь строить их графики. Уметь выполнять преобразования графиков.
- описывать по графику и в *простейших случаях по формуле* поведение и свойства тригонометрических функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения:

## Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.
- Научится определять свойства обратных тригонометрических функций и выполнять эскизы их графиков, используя эти свойства.

## Тема 3. «Производная и ее геометрический смысл» (15 часов)

#### Раздел математики. Сквозная линия

• Функции

#### Обязательный минимум содержания образовательной области математика

- Понятие о пределе и непрерывности функции.
- Производная. Физический смысл производной.
- Таблица производных
- Производная суммы, произведения и частного двух функций.
- Геометрический смысл производной.
- Уравнение касательной.

#### Требования к математической подготовке

#### Уровень обязательной подготовки обучающегося

- Понимать механический смысл производной.
- Находить производные элементарных функций, пользуясь таблицей производных.
- Находить производные элементарных функций, пользуясь правилами дифференцирования.
- Понимать геометрический смысл производной.

#### Уровень возможной подготовки обучающегося

- Овладеть понятием производной (возможно на наглядно-
- интуитивном уровне). Усвоить механический смысл производной 🗆
- Освоить технику дифференцирования.
- Усвоить геометрический смысл производной.

#### Тема 4. «Применение производной к исследованию функций» (15 часов)

#### Раздел математики. Сквозная линия

□ Функции

#### Обязательный минимум содержания образовательной области математика

- Исследование свойств функции с помощью производной.
- Нахождение промежутков монотонности.
- Нахождение экстремумов функции
- Построение графиков функций.
- Нахождение наибольших и наименьших значений.

#### Требования к математической подготовке

#### Уровень обязательной подготовки обучающегося

- Применять производные для исследования функций на монотонность в несложных случаях.
- Применять производные для исследования функций на экстремумы в несложных случаях.
- Применять производные для исследования функций и построения их графиков в несложных случаях.
- Применять производные для нахождения наибольших и наименьших значений функции

#### Уровень возможной подготовки обучающегося

- Научиться применять дифференциальное исчисление для исследования элементарных и сложных функций и построения их графиков.
- использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:
- решения прикладных задач, в том числе социально-экономических и физических, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

#### Тема 5. «Интеграл» (11 часов)

#### Раздел математики. Сквозная линия

Функции

#### Обязательный минимум содержания образовательной области математика

- Первообразная.
- Правила нахождения первообразных
- Площадь криволинейной трапеции.
- Вычисление интегралов.

#### Требования к математической подготовке

#### Уровень обязательной подготовки обучающегося

- Научиться находить первообразные, пользуясь таблицей первообразных.
- Научиться вычислять интегралы в простых случаях.
- Научиться находить площадь криволинейной трапеции.

#### Уровень возможной подготовки обучающегося

- Освоить технику нахождения первообразных.
- Усвоить геометрический смысл интеграла.
- Освоить технику вычисления интегралов.
- Научиться находить площади фигур в более сложных случаях.

#### Тема 6 «Элементы комбинаторики, вероятность, статистика» (15 часов)

#### Раздел математики. Сквозная линия

- Числа и вычисления.
- Множества и комбинаторика.
- Статистика.
- Вероятность.

#### Обязательный минимум содержания образовательной области математика

- Перестановки, сочетания и размещения в комбинаторике.
- Случайные события и их вероятности.

#### Требования к математической подготовке

#### Уровень обязательной подготовки обучающегося

- Уметь решать комбинаторные задачи.
- Уметь находить вероятности случайных событий в простейших случаях.

#### Уровень возможной подготовки обучающегося

- Уметь находить частоту события, используя собственные наблюдения и готовые статистические данные.
- Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для решения учебных и практических задач, требующих систематического перебора вариантов.
- Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для сравнения шансов наступления случайных событий, оценки вероятности случайного события в практических ситуациях, сопоставления модели с реальной ситуацией.
  - Тема 7 «Знакомство с вероятностью» (7ч)

#### Тема 8. «Итоговое повторение курса алгебры и начал анализа» (12 часов)

#### Раздел математики. Сквозная линия

- Вычисления и преобразования
- Уравнения и неравенства
- Функции
- Множества и комбинаторика. Статистика. Вероятность.

#### Обязательный минимум содержания образовательной области математика

- Корень степени п.
- Степень с рациональным показателем.
- Логарифм.
- Синус, косинус, тангенс, котангенс. Прогрессии.
- Общие приемы решения уравнений. Решение уравнений. Системы уравнений с двумя переменными. Неравенства с одной переменной.
- Область определения функции.
- Область значений функции.
- Периодичность. Четность (нечетность). Возрастание (убывание).
- Экстремумы. Наибольшее (наименьшее) значение.
- Графики функций.
- Производная.
- Исследование функции с помощью производной.
- Первообразная. Интеграл.
- Площадь криволинейной трапеции.
- Статистическая обработка данных.
- Решение комбинаторных задач.
- Случайные события и их вероятности.

#### Уровень обязательной подготовки обучающегося

Уметь:

- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;
- строить графики изученных функций;
- описывать по графику и в простейших случаях по формуле поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения;
- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применение вычислительных устройств; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции;
- вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- вычислять производные и первообразные элементарных функций, используя справочные материалы;
- исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие значения функций, строить графики многочленов и простейших рациональных функций с использованием аппарата математического анализа;
- решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, простейшие иррациональные и тригонометрические уравнения, их системы.

#### Уровень возможной подготовки обучающегося

- решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков;
- вычислять площади с использованием первообразной;
- использовать для приближенного решения уравнений и неравенств графический метол:
- изображать на координатной плоскости множества решений простейших уравнений и их систем.
- строить графики изученных функций;
- описывать по графику и по формуле поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения;

## использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.
- описания с помощью функций различных зависимостей, представления их графически, интерпретации графиков;
- решения прикладных задач, в том числе социально-экономических и физических, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения;
- построения и исследования простейших математических моделей

### Тематическое планирование по алгебре в 11 классе,

		Тема урока, этап проект-		Тип урока,						Дата про	ведения
№ п/п	Раздел про- грам- мы	ной или ис- следователь- ской деятель- ности уча- щихся	Ко л- во час	форма и вид деятельно- сти учащих- ся	Элементы содержания	Требования к уровню под- готовки обучающихся (ре- зультат)	Вид кон- троля, измери- тели	Элемен- ты доп. содержа- ния	Д/3	план	факт
1	рса алгебры ) класса (2 часа)	Показательная и логарифмическая функции, решение уравнений и неравенств.	1	Урок обоб- щения и си- стематизации знаний и умений.	Показательная и логарифмическая функции, их свойства. Методы решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств.	Иметь представление о по- казательной и логарифмиче- ской функциях, уметь ре- шать показательные и лога- рифмические уравнения и неравенства различными методами.	СР		П.23,2 8, 29. № 546, 556,		
2	Повторение курса алгебры и начал анализа 10 класса (2 часа)	Преобразование тригонометрических выражений, решение уравнений и неравенств.	1	Урок обоб- щения и си- стематизации знаний и умений.	Тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Методы решения тригонометрических уравнений и неравенств.	Уметь оперировать триго- нометрической окружно- стью. Знать основные три- гонометрические формулы. Уметь решать тригономет- рические уравнения и нера- венства.	СР		Инд. кар- точки		
3	Тригонометриче- ские функции (15 часов)	Область определения и множество значений тригонометрических функций	2	1ур-изучение нового материала и закрепление §38 до зад.4;	Область определения и множество значений тригонометрических функций.	Излагать информацию, интерпретируя факты, разъясняя значение и смысл теории. Решать упр типа 691(1-4), 692 (1,2)	тест		П.38, 692,69 4,693 чётные		

4			2 ур: Применения знаний и умений задача 4, применение 3 и У		Найти множество значений тригонометрических функций вида $kf(x) \pm m$ , где $f(x)$ – любая тригонометрическая функция.	OCP	ЕГЭ: Вар. 2 зада- ние 13
5	Четность, нечетность, периодичность тригонометрических функций	2	1 урок -изучение нового материала и закрепление §39 до зад.2;	Определение чётной и нечётной функций. Период функции. Нахождение периода функции.	Уметь выяснять, является ли данная функция четной или нечетной. Выполнять упр типа 700,702	математи- ческий диктант	ПЗ9 № 700,70 1, 704 чётные
6			2 ур: Ком- плексного применения знаний и умений, зада- чи 2,3,		Уметь доказать, что данная функция является периодической с заданным периодом;	Лабора- торная работа	Зад. 3 стр. 205. № 705
7	Свойства функции y=cosx и ее график	2	1 урок - изучение но- вого материа- ла	Свойства функции у=cosx и	Строить график функции y=cosx, определять св-ва функции по графику	Графиче- ская рабо- та	П. 40. №710. 712 чёт
8			2- закрепление изученного		Уметь находить корни уравнения и решения неравенства на промежутке	OCP	№ 715.07 16 чет
9	Свойства функции y=sinx и ее график	2	Уроки изучения нового материала	Свойства функции y=sinx	Строить график функции y=sinx определять св-ва функции по графику	тест	П.41 №723. 726 чёт
10			закрепление изученного		Уметь находить корни уравнения и решения неравенства на промежутке	СР	№ 727. 728 чет

11		Свойства функции у= tgx и ее график	2	Уроки изучения нового материала	Свойства функции y= tgx	Строить график функции у= tgx, определять свойства функции по графику	Лабора- торная работа	П.42№ 737. 744	
12				закрепление изученного		Уметь находить корни уравнения и решения неравенства на промежутке	СР	№ 739. 742 чет	
13, 14		Обратные три- гонометриче- ские функции	2	изучение нового материала и закрепление	понятие обратных тригонометрических функций		математи- ческий диктант	П.43* №752. 753	
15		Обобщающий урок	1	Проверки и коррекции 3 и У		Сравнивать полученные результаты с учебной задачей.	3CP	№759, 761, 768	
16		Контрольная работа №1 по теме «Тригонометрические функции»	1	Проверка 3 и У учащихся по изученной теме.		Выбирать рацион решение, сравнивать полученные резты с учеб задачей	Контроль- ная работа	стр. 228 «Про- верь себя!»	
17		Учебно- тренировочные тестовые зада- ние ЕГЭ	1	Комплексно- го примене- ния знаний и умений	Решение уравнений из сборника ЕГЭ 2020 типа 12 (наибольшее значение тригонометрической функции)		Тест	http//uz test.ru тест № 1 ЕГЭ	
18	Іроизводная и ее гео- метрический смысл (15 часов)	Производная	2	1 урок изучения нового материала	Понятие производной функции, физический смысл производной	На основе интуитивного представления о пределе финаходить производные функций в упр типа 480	Устный опрос	П.44 № 777, 778, 780	
19	Производная метрический (15 часе			закрепление изученного	Знать формулу производной линейной функции	Уметь находить производную линейной функции с помощью формулы, ускорение и скорость	ОСР	№782, 783, чёт 785	

21	Производ ная степенной функции	2	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного Уроки изучения нового материала и закрепление	Формулы производной степенной функции $(x^p)^1 = px^{p-1}$ и $((\kappa x + b)^p)'$ $= p\kappa(\kappa x + b)^{p-1}$	Использовать формулы при выполнении упр типа 790, 792, находить значение производной ф-ии в точке  Использовать формулы при нахождении производной функции, содержащей корень п-степени	ОСР Лабора- торная работа	п 45 №791, 793 Стр.23 8 зада- чи 4,5 № 792,79
22	Правила диф- ференцирова- ния	3	изученного  1 урок — лекция: изучение нового материала,	Знать, как находить производные суммы, разности, произведения, частного; производные основных элементарных функций.	Уметь использовать для решения познавательных задач справочную литературу выполнять упр типа 806,	Конспект	6 чёт П.46 № 805- 809 чёт
23, 24			2,3- закрепл изученного	Знать правила нахождения производной суммы, разности, произведения, частного; производные основных элементарных функций.	Уметь объяснить изученные положения на самостоятельно подобранных конкретных примерах, выполнять упр типа 811	СР	Стр.24 2 зада- ча 6 № 816,81 7,820 чёт
25	Производные некоторых элементарных функций	3	1урок - лек- ция изучение но- вого материа- ла,	Знают, как находить производные элементарных функций.	Использовать формулы при выполнении упражнений типа 831, 836	-	П47 №831- 838 чёт
26, 27			2,3- закрепление изученного, с.р	Знать формулы производных элементарных функций	Уметь находить производные элементарных и сложных функций, значение производной в заданной точке, значение аргумента Упр. типа 844,850	3CP	http//uz test.ru Тест «Про- извод- ная»

28	=							840,84 2,845	
		Геометриче- ский смысл производной	3	1 урок — лекция: изучение нового материала,	Знать в чем заключается геометрический смысл производной	Уметь находить угловой коэффициент касательной, понимать смысл формулы $f'(x_0)$ = $tg\alpha$ = $k$	-	П 48. № 857,85 8859 чёт	
29, 30				2,3- закрепл изученного, с.р	Знать уравнение касательной	Записывать уравнение касательной к графику функции $f(x)$ в точке $x_0$ , выполнять упр типа 838,839.	OCP	№ стр. 253 задача 3, № 860 http//uz test.ru «Про- извод- ная 2»	
31		Обобщающий урок	1	обобщения и систематиза- ции знаний по основным темам разде- ла «Произ- водная и ее геометриче- ский смысл».		Сравнивать полученные результаты с учебной задачей.	ЗСР	№869, 871. 872, 873 «Про- верь себя!» стр 258	
32		Контрольная работа №2 по теме «Производная и её геометрический смысл производной»	1	Проверка 3 и У учащихся по изученной теме.		Выбирать рацион решение, сравнивать полученные результаты с учеб задачей	Контроль- ная работа	№ 879(2), 880(4)	
33, 34	При- мене- ние	•	2	Уроки изучения нового материала и	Определение возрастающей (убывающей) функции, промежутки монотонности	Уметь находить с помощью производной промежутки возрастания, убывания;	математи- ческий диктант	П 49. №900 чёт	

			закрепление изученного.		находить интервалы монотонности ф-ии, задан. аналит		№902,9 03 чёт	
35 36, 37	Экстремум функций	ы 3	1урок- изучение но- вого материа- ла,	Определение точек максимума и минимума, стационарных, критических точек, необходимые и достаточные условия экстремума, теорема Ферма	Уметь находить точки экстремума функции при помощи производной решать упр типа 914,915	-	П 50. №912,9 13915 чёт	
			2,3- уроки закрепление изученного, с.р			ОСР	918,91 9 Инд.за д.	
38	Применени производно построенин графиков функций	ой к	1урок- лек- ция,изучение нового матер,	Знать алгоритм построения эскиза графика функции с помощью производной	Уметь строить график степенной функции помощью производной		П 51. № 925,92 6 чёт	
39			2 урок за- крепление изученного			Лабора- торно- графиче- ская рабо- та	№ 927,92 8 чёт	
40 41	Наибольше наименьше значения функции		1урок- изучение но- вого материа- ла, 2 урок за- крепление изученного.	Знать алгоритм исследования функции на монотонность и нахождение наибольшего и наименьшего значения функции	Уметь находить наибольшее, наименьшее значение ф-ии пользуясь алгоритмом в упр типа 938,939 и 940,942	ОСР	П 52. №938,9 39 чёт №941, 944	
42	Выпуклост	ъ 1	Урок изуче-	Понятие второй производной, вы-	Уметь находить вторую	-	956,95	

		графика функции, точки перегиба.		ния нового материала и закрепление изученного	пуклости графика функции, точки перегиба.	производную		7 чёт	
43, 44		Обобщающие уроки	2	Проверки и коррекции 3 и У, подготовка к контр работе.		Сравнивать полученные результаты с учебной задачей.	СР	Тест 3 http//uz test.ru С.288 Про- верь себя	
45		Контрольная работа №3	1	Проверка 3 и У учащихся по изученной теме.		Выбирать рацион реш-е, сравнивать получен рез-ты с учеб зад.	Контроль- ная работа		
46, 47		Учебно- тренировочные тестовые зада- ние ЕГЭ	2	Комплексно- го примене- ния знаний и умений	Решение уравнений из сборника ЕГЭ 2020 типа 7 (работа с графи- ком производной функции)		Тест	http://re shuege. ru/ За- дание 7.2748 7- 27496	
48	П часов)	Первообразная	1	Урок изучения нового матер и закрепление изученного, с.р.	Определение первообразной	Выполнять упр типа 983,986	Матема- тический диктант	П.54 №983( 2) 984(4)	
49	Интеграл (11 часов)	Правила нахождения первообразной	2	1урок- изучение но- вого матер,	Введение понятия интегрирования и обучение применению правил интегрирования при нахождении первообразных.	Применять таблицу перво- образных при выполнении упр типа 988,989	OCP	П.55 №988( 2,4,6) 989(2,4 ,6)	

50		2 урок за- крепление изученного.	Обучение применению правил интегрирования при нахождении первообразных.		OCP	№991( 2,4,6) 992(2,4 )
51	Площадь криволинейной трапеции и интеграл	2 1урок- Изучение и первичное закрепление	Знать формулу Ньютона-Лейбница Иметь представление о вычислении площади криволинейной трапеции.	Уметь работать по заданному алгоритму, применять формулу Ньютона- Лейбница, изображать криволинейную трапецию	Устный опрос	П.56 №999( 2,4)100 0(2,4)
52		Комплексно- го примене- ния знаний и умений		Формировать умение вычислять площади криволинейной трапеции в простейших случаях.	Лабора- торная работ	№1001 (2) 1003(2, 4)
53	Вычисление интегралов.	2 1 урок- изу- чение нового материала	Таблицу первообразных	Уметь применять таблицу первообразных для вычисления простейших интегралов	OCP	30, 3.02
54		2 урок за- крепление изученного	Таблицу первообразных	Уметь самостоятельно вычислять интегралы элементарных функций	тест	П.57 №1005 - 1007чё т
55	Вычисление площадей с помощью интегралов	2 1 урок изучение нового материала	Формировать умение вычислять площадь фигуры и объема тела вращения, используя формулы Ньютона	Уметь вычислять площадь криволинейной трапеции, ограниченной прямыми $x=a; x=b$ , осью $Ox$ и графиком квадратичной функции	Лабора- торно- графиче- ская рабо- та	№1015 (2) 1016(2) 1017(2)
56		2 урок отра- ботка навыка вычисление площади кри- волинейной трапеции	Формировать умение вычислять площадь фигуры и объема тела вращения, используя формулы Ньютона	Уметь вычислять площадь криволинейной трапеции ограниченной двумя графиками	Лабора- торно- графиче- ская рабо- та	№1018 (2) 1019(2) 1022(2, 4)

57		Урок обобщения и систематизации знаний	1	Проверки и коррекции 3 и У, подготовка к конт.работе.		Сравнивать полученные результаты с учебной задачей.	СР	Тре- нажер 9 http://uz test.ru
58		Контрольная работа №4	1	Проверка 3 и У учащихся по изученной теме.		Выбирать рацион реш-е, сравнивать получен рез-ты с учеб зад.	Контрольная работа	1033(2, 4,6) 1037(2, 4)
59	Элементы комбинаторики, вероятность, статистика (15 часов)	Правило про- изведения	1	Практикум. Отработка алгоритма действия, решение упражнений	Познакомить учащихся с правилом произведения и научить применять его для решения комбинаторных задач	Уметь решать задачи на применение правила произведения; найти количество трехзначных чисел, не имеющих одинаковых цифр, записанных с помощью данных цифр; привести примеры Применять формулу при выполнении упр 1046	Практи- кум	П.60 №1052 , 1055
60	оятность,	Перестановки	1	изучение нового материала и закрепление	Определение перестановки и формулу $ P_n = n! $	Уметь находить значение перестановки <i>п</i> чисел; приводить примеры	тест	П.61 № 1065, 1067
61	. комбинаторики, вер	Размещения	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного	Определение размещения и формулу $A_n^n = P_n$ $A_m^n = \frac{m!}{(m-n)!}$	Уметь подсчитать число размещений без повторений из m элементов по n элементов.	OCP	П.62 №1076 , 1077
62	Элементы	Сочетания и их свойства	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного	Определение сочетания и их свойства. Знать формулу $\mathbf{C}_{m}^{n}=\frac{A_{m}^{n}}{P_{n}}$	Уметь подсчитать число сочетаний без повторений из m элементов по n элементов.	СР	П.63 № 1082, 1090

63	Биномиальная формула Ньютона  События	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного Уроки изуче-	Биномиальная формула Ньюто- $ \text{ на } (kx\pm b)^n \ . $ Определение случайного, досто-	Уметь записать разложение бинома вида $(kx \pm b)^n$ .  Уметь выяснить, каким со-	Опрос Участие в	П.64 №1095 (2,3) 1092(9, 10) П.65	
			ния нового материала и закрепление изученного	верного и невозможного события	бытием (случайным, достоверным или невозможным) может быть заданное высказывание.	диалоге	№1117 (3,4) 1122(7- 10)	
65	Комбинация событий. Невозможное событие	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного	Знать определение суммы и произведения событий, противоположное событие и равные события	Уметь выполнить сложение и произведение событий; установить, что является событием, противоположным данному событию; рассуждать, обобщать, видеть несколько решений одной задачи,	СР	П 66 № 1123, 1125	
66	Вероятность события	1	изучение нового материала и закрепление	Знать определение вероятности события	Уметь подсчитать вероятность события в испытании с равновозможными элементарными исходами; отделить основную информацию от второстепенной информации.	Матема- тический диктант	П.67 №№11 28, 1131,	
67	Сложение вероятностей	1	изучение нового материала и закрепление	Знать правило сложения вероятностей	Уметь вычислить вероятность суммы двух несовместимых событий. Адекватно воспринимают устную речь, проводят информационно-смысловой анализ текста, приводят свои примеры.	Прове- рочная работа	П.68 № 1140, 1142	
68	Независимые события. Умножение	1	Уроки изучения нового материала и	знать определение независимых событий	Уметь решать задачи на вычисления вероятности совместного появления незави-	СР	П.69 №1148 , 1153	

	вероятностей		закрепление изученного		симых событий; воспроизвести прослушанную и прочитанную информацию с заданной степенью свернутости			
69	Статистиче- ская вероят- ность	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного	Понимать что такое статистическая вероятность	Уметь находить относительную частоту появления определенного события; осуществлять оценку информации, фактов, процессов, определять их актуальность, проводить самооценку собственных действий.	тест	Π.70 № 1157(4 , 1158	
70	Случайные величины	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного	Формирование представление о статистике	Уметь составлять таблицу распределения по вероятностям значений случайных величин, самостоятельно и мотивированно организовывать свою познавательную деятельность	Устный опрос	П.71 №1187 , 1190	7
71	Центральные тенденции	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного	Формирование представление о статистике. Понимать что такое медиана и мода в статистике	Уметь по распределенным в генеральной совокупности значениям случайной величины установить выборку, являющейся репрезентативной; дать оценку информации, фактам, процессам, определять их актуальность.	Решение задач	П.72 №1197 , 1200	
72	Меры разброса	1	Уроки изучения нового материала и закрепление изученного	Знать понятие размаха, отклонение от среднего.	Уметь найти размах, дисперсию выборки; найти дисперсию совокупности значений случайной величины, заданной частотным распределением.		П.73 №120 <sup>2</sup> , 1209	

73		Контрольная работа №5	1	Проверка 3 и У учащихся по изученной теме.		Выбирать рацион решение, сравнивать полученные резты с учеб задачей	Контроль- ная работа	№1213 , 1219	
74	са (12 часов)	Решение текстовых задач. Решение заданий ЕГЭ	1	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	Знать определение процента. Знать алгоритм составления таблиц при решении задач на совместную работу и движение	Уметь решать задачи на смеси, проценты, движение, совместную работу	Опорный конспект	http://re shuege. ru/ трена- жёр 12 №1437. 1442.1 448	
75	Повторение курса алгебры и начал анализа 10-11 класса (12 часов)	Иррациональные уравнения и неравенства. Решение заданий ЕГЭ	1	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	Знать правила решения иррациональных уравнений, понятие о равносильности и неравносильности преобразования уравнения.	Могут решать иррациональные уравнения и неравенства, проверить корни на наличие посторонних Имеют представление об иррациональных неравенствах, методе решения неравенства, равносильности неравенств, равносильных преобразованиях неравенств, неравносильных преобразованиях неравенств. (Р)	Тест ЕГЭ	№1322 ,1324, 1389 EΓЭ 13 вар	
76	Повторение курс	Степень с рациональным показателем. Решение заданий ЕГЭ	1	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	Знать определение степени с рациональным показателем. Свойства степени	Уметь упрощать степенные выражения и находить их значение	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки	
77		Показательные уравнения.	1	Практикум, решение	Знать понятие показательные уравнения и умеют решать про-	Умеют использовать для	Тест ЕГЭ	Инд. кар-	

	Решение заданий ЕГЭ	упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	стейшие показательные уравнения, их системы	приближенного решения уравнений графический метод, передавать, информацию сжато, полно, выборочно. (П)		точки
78	Показательные 1 неравенства. Решение заданий ЕГЭ	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы		Имеют представление о показательном неравенстве и умеют решать простейшие показательные неравенства, их системы; использовать для приближенного решения неравенств графический метод	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки
79	Логарифмиче- ская функция, свойства и график, Решение зада- ний ЕГЭ	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	Знают, как применить определение логарифмической функции, ее свойства в зависимости от основания.	Умеют определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции.  (П)	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки
80	Вычисление 1 логарифмов. Решение заданий ЕГЭ	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	Знают свойства логарифмов	Умеют выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы; находить значения логарифма; проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих логарифмы (П)	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки
81	Логарифмиче- 1 ские уравнения и неравенства.	Практикум, решение упражнений.	Знают о методах решения логарифмических уравнений, алгоритм решения логарифмического	Умеют решать простейшие логарифмические неравенства, применяя метод заме-	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки

		Решение заданий ЕГЭ		Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	неравенства в зависимости от основания	ны переменных для сведения логарифмического неравенства к рациональному виду. Умеют решать простейшие логарифмические уравнения, их системы; использовать для приближенного решения уравнений графический метод; изображать на координатной плоскости множества решений простейших уравнений и их систем			
82		Тригонометрические тождества.	1	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	Знать основные тригонометрические формулы	Уметь применять тригонометрические формулы для упрощения выражений	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки	
83	7	Тригонометрические уравнения. Решение заданий ЕГЭ	1	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы на вопросы	Знать методы и приёмы решения тр.уравнений(сведение квадратному уравнению, деление на множитель неравный нулю)	Демонстрируют умение расширять и обобщать сведения о видах тригонометрических уравнений; умение решения разными методами тригонометрических уравнений.	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки	
84		Тригонометрические функции. Решение заданий ЕГЭ	1	Практикум, решение упражнений. Составление опорного конспекта, ответы	Знать свойства тригонометрических функций	Могут описать свойства гармонической функции и обратных тригонометрических функций.	Тест ЕГЭ	Инд. кар- точки	

			на вопросы				
85	Итоговая Кон-	1	Проверка		Контроль-		
	трольная рабо-		знаний и		ная работа		
	та		умений уча-				
			щихся				

#### Литература

- 1. Алимов Ш.А. Алгебра и начала анализа. Учебник для 10-11 классов общеобразовательных учреждений. М., «Просвещение», 2018.
- 2. Бурмистрова Т.А. Алгебра и начала математического анализа. 10 11 классы. Программы общеобразовательных учреждений. М., «Просвещение», 2017.
- 3. Математика подготовка к ЕГЭ 2020 под ред. Ф. Ф. Лысенко, «Легион» Ростов-на-Дону, 2019.
- 4. Звавич Л.И. и др. Алгебра и начала анализа: 3600 задач для школьников и поступающих в вузы. М.: Дрофа, 1999.
- 5. «Егэ по математике» http://uztest.ru/ личный кабинет
- 6. «Решу ЕГЭ» сайт Дмитрия Гущина. http://reshuege.ru/

#### Контрольные работы по алгебре и началам анализа в 11 классе Контрольная работа № 1

по теме «Тригонометрические функции»

#### Вариант 1

- 1. Найдите область определения и множество значений функции  $y = 2 \cos x$ .
- 2. Выясните, является ли функция  $y = \sin x tg x$  четной или нечетной.
- 3. Изобразите схематически график функции  $y = \sin x + 1$  на отрезке  $\left[ -\frac{\pi}{2}; 2\pi \right]$ .
- 4. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $y = 3\sin x \cdot \cos x + 1$ .
- 5. Постройте график функции  $y = 0.5 \cos x 2$ . При каких значениях x функция возрастает? Убывает?

#### Вариант 2

- 1. Найдите область определения и множество значений функции  $y = 0.5 \cos x$ .
- 2. Выясните, является ли функция  $y = \cos x x^2$  четной или нечетной.
- 3. Изобразите схематически график функции у =  $\cos x 1$  на отрезке  $\left[ -\frac{\pi}{2}; 2\pi \right]$ .
- 4. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $y = \frac{1}{3} \cos^2 x \frac{1}{3} \sin^2 x + 1$ .
- 5. Постройте график функции  $y = 2 \sin x + 1$ . При каких значениях x функция возрастает? Убывает?

#### Контрольная работа № 2

по теме «Производная и ее геометрический смысл»

#### Вариант 1

- 1. Найдите производную функции: a)  $3x^2 \frac{1}{x^3}$ ; б)  $\left(\frac{x}{3} + 7\right)^6$ ; в)  $e^x \cos x$ ; г)  $\frac{2^x}{\sin x}$ .
- 2. Найдите значение производной функции  $f(x) = 1 6\sqrt[3]{x}$  в точке  $x_0 = 8$ .
- 3. Запишите уравнение касательной к графику функции  $f(x) = \sin x 3x + 2$  в точке  $x_0 = 0$ .
- 4. Найдите значения x, при которых значения производной функции  $f(x) = \frac{x+1}{x^2+3}$  положительны.
- 5. Найдите точки графика функции  $f(x) = x^3 3x^2$ , в которых касательная к нему параллельна оси абсцисс.
- 6. Найдите производную функции  $f(x) = \log_3(\sin x)$ .

#### Вариант 2

- 1. Найдите производную функции: a)  $2x^3 \frac{1}{x^2}$ ; б)  $(4-3x)^6$ ; в)  $e^x \cdot \sin x$  г)  $\frac{3^x}{\cos x}$ .
- 2. Найдите значение производной функции  $f(x) = 2 \frac{1}{\sqrt{x}}$  в точке  $x_0 = \frac{1}{4}$ .
- 3. Запишите уравнение касательной к графику функции  $f(x) = 4x \sin x + 1$  в точке  $x_0 = 0$ .
- 4. Найдите значения x, при которых значения производной функции  $f(x) = \frac{1-x}{x^2+8}$  отрицательны.
- 5. Найдите точки графика функции  $f(x)=x^3+3x^2$ , в которых касательная к нему параллельна оси абсцисс.
- 6. Найдите производную функции  $f(x) = \cos(\log_2 x)$ .

#### Контрольная работа № 3

по теме «Применение производной к исследованию функций»

#### Вариант 1

1. Найдите стационарные точки функции  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$ .

- 2. Найдите экстремумы функции: a)  $f(x) = x^3 2x^2 + x + 3$ ; б)  $f(x) = e^x(2x 3)$ .
- 3. Найдите интервалы возрастания и убывания функции  $f(x) = x^3 2x^2 + x + 3$ .
- 4. Постройте график функции  $f(x) = x^3 2x^2 + x + 3$  на отрезке [-1; 2].
- 5. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $f(x) = x^3 2x^2 + x + 3$  на отрезке [0; 1,5].
- 6. Среди прямоугольников, сумма длин трех сторон которых равна 20, найдите прямоугольник наибольшей площади.

#### Вариант 2

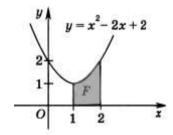
- 1. Найдите стационарные точки функции  $f(x) = x^3 x^2 x + 2$ .
- 2. Найдите экстремумы функции: a)  $f(x) = x^3 x^2 x + 2$ ; б)  $f(x) = e^x (5 4x)$ .
- 3. Найдите интервалы возрастания и убывания функции  $f(x) = x^3 x^2 x + 2$ .
- 4. Постройте график функции  $f(x) = x^3 x^2 x + 2$  на отрезке [-1; 2].
- 5. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $f(x) = x^3 x^2 x + 2$  на отрезке [0; 1,5].
- 6. Найдите ромб с наибольшей площадью, если известно, что сумма длин его диагоналей равна 10.

#### Контрольная работа № 4

по теме «Интеграл»

#### Вариант 1

- 1. Докажите, что функция  $F(x) = 3x + \sin x e^{2x}$ является первообразной функции  $f(x) = 3 + \cos x 2e^{2x}$  на всей числовой оси.
- 2. Найдите первообразную F функции f (x) =  $2\sqrt{x}$ , график которой проходит через точку  $A(0; \frac{7}{8})$ .
- 3. Вычислите площадь фигуры, изображенной на рисунке.

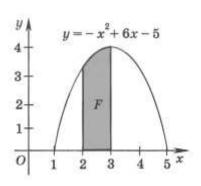


- 4. Вычислить интеграл: a)  $\int_{1}^{2} \left( x + \frac{2}{x} \right) dx$ ; б)  $\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2} x \ dx$ .
- 5. Найдите площадь фигуры, ограниченной прямой y = 1 2x и графиком функции  $y = x^2 5x 3$ .

#### Вариант 2

- 1. Докажите, что функция  $F(x) = x + \cos x + e^{3x}$ является первообразной функции  $f(x) = 1 \sin x + 3e^{3x}$  на всей числовой оси.
- 2. Найдите первообразную F функции f (x) =  $3\sqrt[3]{x}$ , график которой проходит через точку  $A(0; \frac{3}{4})$ .

26



- 3. Вычислите площадь фигуры, изображенной на рисунке.
- 4. Вычислить интеграл: a)  $\int_{1}^{3} \left(x^{2} + \frac{3}{x}\right) dx$ ; б)  $\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \sin^{2}x \ dx$ .
- 5. Найдите площадь фигуры, ограниченной прямой y = 3 2x и графиком функции  $y = x^2$ +3x-3.

#### Тест

#### для проверки обязательных результатов обучения за курс алгебры и начал анализа

- 1. Вычислить  $\sqrt{16}$ .
  - a) 8:
- $6) \pm 8$ ;
- в) 4;
  - $\Gamma$ )  $\pm 4$ .
- 2. Вычислить  $\sqrt{2} \cdot \sqrt{32}$ 
  - a) 8;

- б)  $\pm 8$ ; в) 16; г)  $\pm 64$ .
- 3. Вычислить  $\sqrt{1 \frac{25}{144}}$ 
  - a)  $1\frac{5}{12}$ ; 6)  $1\frac{1}{12}$ ; b)  $\pm \frac{5}{12}$ ; r)  $\pm 1\frac{1}{12}$ .
- 4. Найти  $\sqrt[4]{\alpha^{24}}$ , если  $a \ge 0$ .
  - a)  $a^{20}$ :

- 5. Упростить  $\sqrt[6]{\sqrt{\alpha}}$ , если  $a \ge 0$ . a)  $\frac{\alpha}{12}$  б) $\sqrt[3]{\alpha}$ ; в)  $\sqrt[3]{\alpha}$ ; г)  $\sqrt[12]{\alpha}$ .

- 6. Вынести множитель из-под знака корня: <sup>3</sup>√54
  - a)  $2\sqrt[3]{3}$ ;

- б)  $3\sqrt[3]{2}$ ; в) 18; г)  $5\sqrt[3]{4}$
- 7. Извлечь корень:  $\sqrt{(2-\sqrt{5})^2}$ .
- a) $\sqrt{5}$  2; 6)2  $\sqrt{5}$ ; B) 1  $\sqrt{5}$ ;  $\Gamma$ ) 1  $\sqrt[4]{5}$ .
- 8. Найти значение выражения  $5^0 + \left(-1\frac{1}{2}\right)^3$ .
  - a)  $3\frac{7}{8}$ ; 6)  $-\frac{1}{8}$ ; b)  $-2\frac{3}{8}$ ; r)  $-3\frac{3}{8}$
- 9. Найти значение выражения  $\left(\frac{1}{4}\right)^{-2} + (-3)^2$ .
  - a)  $-9\frac{1}{16}$ ; 6)  $8\frac{15}{16}$ ; b) -25; r) 25.

10.	0. Представить выражение $\sqrt[4]{\alpha^5}$ , где $a \ge 0$ , в виде степени.								
	a) $\alpha^{\frac{4}{5}}$ ;	δ) α <sup>5</sup> / <sub>4</sub> ;;	в) <b>а</b> <sup>9</sup> ;	r) $a^{20}$ .					
		еление: $4^{\frac{5}{3}}$ : $4^{\frac{5}{6}}$	_						
	a) 1; 6) 2;	в) $4^2$ ; г)	$4^{\frac{5}{6}}$ .						
12.		тепень: $\left(\frac{2}{\alpha^6}\right)^3$ . $\frac{8}{\alpha^{18}}$ ; в) $\frac{8}{\alpha^9}$							
	u	u u		•					
	3. Сравнить числа $(0,35)^{\pi}$ и $(0,35)^{3}$ . а) $(0,35)^{\pi} < (0,35)^{3}$ ; б) $(0,35)^{\pi} = (0,35)^{3}$ ; в) $(0,35)^{\pi} > (0,35)^{3}$								
14.	Упростить вь	аражение $\frac{a-1}{a^{\frac{1}{2}}}$	b 1 h2						
		Ce-	D -	a + b;	$\Gamma$ ) $a-b$ .				
		иение $\sqrt{2x^2}$ —							
	•			<b>үэ;</b> Г) нет ко	орней.				
		нение $2^{x} = -4$ () $x = -0.5$ ;		uet vonueŭ					
		венство $\left(\frac{1}{\epsilon}\right)^x$		пст корпси.					
		(3)							
	, , ,	x > -2; B) $x < 2$		1	7				
		нение, корнем $5 = 3$ ; в) $3^x = 3$		яется логарифм	и числа 5 по основанию 3.				
19.	Найти $\log_{0,5}$	8.							
	a) 3;	б) -3;	в) 4;	г) -4.					
20.	Вычислить 4	1+ log <sub>4</sub> 3							
	a) 7;	б) 8;	в) 12;	г) 256.					
		зность log <sub>6</sub> 72							
	a)log <sub>6</sub> 70;	$6)\frac{\log_6 72}{\log_6 2}$	в) 2;	г) 6.					
22.	Найти $\lg a^3$ , е	если $\lg a = m$ .							
	$a)\frac{m}{3};$	б) 3 + m;	в) 3 <b>т</b> ;	$\Gamma$ ) $m^3$ .					
	3. Выразить $\log_5 e$ через натуральный логарифм.								
a)	$\frac{1}{\ln 5}$ ; $6$ )	$\frac{1}{\lg 5}$ ; B) $\frac{1}{l}$	$\frac{e}{n5}$ ; r) $\ln 5$ .						

25. Решить неравенство  $\log_{0,3}x>1$ .

24. Решить уравнение  $log_5 x = -2$ .

а) x = -2; б) x = 0,1; в) x = 0.04; г) нет корней.

- 26. Найти радианную меру угла  $240^{\circ}$ .

  - a)  $\frac{7}{5}\pi$ ; 6)  $\frac{2}{3}\pi$ ; B)  $\frac{4}{3}\pi$ ;  $\Gamma$ )  $\frac{3}{2}\pi$ .
- 27. Найти значение выражения  $\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right) + \cos\left(-\frac{\pi}{6}\right)$ 
  - a)  $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{2}$ ; 6)  $\frac{-\sqrt{2}+\sqrt{3}}{2}$ ; ; B  $\frac{-\sqrt{2}+1}{2}$ ;;  $\Gamma$ )  $\frac{-\sqrt{2}-1}{2}$ ;
- 28. Найти sin a, если  $\cos a = \frac{5}{13}$  b  $\frac{3}{2}\pi < \alpha < 2\pi$
- a)  $\frac{8}{12}$ ; 6)  $-\frac{8}{12}$ ; b)  $\frac{12}{12}$ ; r)  $-\frac{12}{12}$
- 29. Найти tga, если ctga = 0.4

  - a)  $\frac{5}{2}$ ; 6)  $\frac{3}{5}$ ; B)  $-\frac{5}{2}$ ;  $\Gamma$ )  $\frac{3}{5}$ .
- 30. Найти sin2a, если sin $a=\frac{4}{5}$ , cos $a=-\frac{3}{5}$ 
  - a)  $-\frac{24}{25}$ ; 6)  $-\frac{12}{25}$ ; b)  $\frac{1}{5}$ ; r)  $-\frac{7}{25}$ .
- 31. Найти cos 2a, если sin a =  $-\frac{4}{5}$ , cosa =  $-\frac{3}{5}$
- a)1; 6)  $-\frac{7}{25}$ ; b)  $\frac{24}{25}$ ; r)  $\frac{7}{25}$ .
- 32. Записать соз 580° с помощью наименьшего положительного угла.
- б)  $-\sin 50^{\circ}$ ; в)  $-\cos 40^{\circ}$ ; г)  $\cos 40^{\circ}$ .
- 33. Упростить выражение  $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) \cdot \sin(\pi \alpha) + tg\left(\frac{3}{2}\pi \alpha\right)$ 
  - a)  $\cos a \sin \alpha \tan \alpha$ ; 6)  $\cos^2 a + \tan \alpha$ ; B)  $\cos^2 \alpha \cot \alpha$ ; r)  $-\sin^2 \alpha + \cot \alpha$
- 34. Указать выражение, которое не имеет смысла.
  - a)  $\arccos \frac{\pi}{4}$ ; 6)  $\arcsin 1$ ; B)  $\arctan 15$ ; F)  $\arccos \sqrt{3}$
- 35. Решить уравнение  $\cos x = -1$  (в ответах  $k \in \mathbb{Z}$ )
  - a)  $x = \pi + \pi k$ ; 6)  $x = \pi + 2\pi k$ ; e)  $x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k$ ; e)  $x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi k$
- 36. Решить уравнение  $\sin x = 0$  (в ответах  $k \in \mathbb{Z}$ )
  - a)  $x = \frac{\pi}{2} + \pi k$ ; 6)  $x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k$ ; 6)  $x = \pi k$ ; 2)  $x = 2\pi k$
- 37. Найти  $\arcsin\left(-\frac{1}{2}\right)$ 
  - $a)\frac{2}{2}\pi;\delta)\frac{5}{6}\pi;\epsilon)-\frac{\pi}{3};$   $\epsilon$
- 38. Найти  $\arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ 
  - $a)\frac{5}{6}\pi;\delta)\frac{2}{3}\pi;\epsilon)-\frac{\pi}{3};$   $\epsilon$
- 39. Найти производную функции  $x^{\frac{1}{5}}$ , где х>0

- a)  $-\frac{4}{5}x^{\frac{1}{5}}$ ; 6)  $5x^{-\frac{4}{5}}$ ; b)  $\frac{1}{5}x^{-\frac{4}{5}}$ ;  $\Gamma$ )  $\frac{1}{5}x^{5}$ .

- 40. Найти производную функции  $3\cos x + 5$ 
  - a)  $3\sin x$ ; 6)  $-3\sin x$ ; B)  $2\cos x + 4$ ; r)  $-3\sin x + 5$
- 41. Найти производную функции  $x \log_2 x$ 
  - a)  $1 + \frac{1}{\sqrt{\ln 2}}$ ; 6)  $\frac{x}{\ln 2}$ ; B)  $x + \frac{1}{\ln 2}$ ; r)  $x + \frac{1}{x}$ .
- 42. Найти точку (точки) экстремума функции  $y = 2x^3 3x^2$ .
  - a)  $\frac{3}{2}$ ; 6)  $x_1 = 0$ ,  $x_2 = \frac{3}{2}$ ; B)  $x_{1=0}$ ,  $x_2 = 1$ ;  $x_1 = 0$ ,  $x_2 = 1$ ;  $x_2 = 1$ ;  $x_2 = 1$ ;  $x_3 = 1$ ;  $x_4 = 1$ ;  $x_4 = 1$ ;  $x_5 =$
- 43. Найти промежуток убывания функции  $y = -x^2 + 4x 3$ .
  - a)  $[2; +\infty); 6) (-\infty; 2]; B) [1; +\infty); \Gamma) (-\infty; 1]$
- 44. Найти все первообразные функции  $y = x^6$ .
  - a)  $6x^5 + C$ ; 6)  $\frac{x^7}{7} + C$ ; b)  $\frac{x^6}{6} + C$ ;  $\Gamma$ )  $\frac{x^7}{6} + C$ .
- 45. Найти первообразную функции  $f(x) = \sin x$ , если  $F(\frac{\pi}{3}) = \frac{1}{2}$ 
  - a)  $\cos x + 2 + \frac{\sqrt{3}}{2}$ ; 6)  $-\cos x + 2 + \frac{\sqrt{3}}{2}$ ; B)  $\cos x + 1$ ;  $\Gamma$ )  $-\cos x + 1$